

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

Ispit iz Matematike 2

I grupa

1. Dato je preslikavanje : $M_{2 \times 2} \rightarrow M_{2 \times 2}$, $H(A) = \frac{1}{2}(A + A^T)$. Pokazati da je to preslikavanje linearni operator, naći matricu, sopstvene vrednosti i sopstvene vektore tog operatora.
2. Odrediti vrednost parametra a tako da vektori $(2,3,1)$, $(0,1,a)$ i $(a,7,6)$ čine bazu prostora R^3 , zatim odrediti koordinate vektora $(4,0,-4)$ u toj bazi, za $a = 0$.
3. Dve fabrike dostavljaju jednoj prodavnici dve klase nekog proizvoda. Prva fabrika dostavlja 45%, a druga 55% proizvoda. Prvoj klasi odgovara 90% proizvoda prve fabrike i 80% proizvoda druge.
 - a) Odrediti verovatnoću da je izabrani proizvod prve klase.
 - b) Ako je izabrani proizvod prve klase, kolika je verovatnoća da je iz prve fabrike.
4. Neka su $X_i, i = 1, 2, \dots, k$ nezavisne slučajne promenljive sa binomnom raspodelom $X_i \sim B(n_i, p)$. Naći funkciju generatriše verovatnoće slučajne promenljive $X = X_1 + X_2 + \dots + X_k$.

II grupa

1. Pokazati da je dato preslikavanje $L(x) = a(x \cdot 2a)$, $a = 2e_1 + e_2 - 3e_3$, linearni operator; naći matricu tog operatora u bazi:
 - a) (e_1, e_2, e_3) ,
 - b) $(e_1, e_1 - e_2, e_1 + e_2 - e_3)$,gde su $e_1 = (1,0,0)$, $e_2 = (0,1,0)$, $e_3 = (0,0,1)$.
 2. Pokazati da vektori $(2,1,1)$, $(-1,0,2)$, $(1,1,1)$ čine bazu prostora R^3 , zatim odrediti koordinate vektora $(-2, -1, 3)$ u toj bazi.
 3. Prvi pogon proizvodi tri puta više proizvoda nego drugi. U prvom je prosečan škart 4%, u drugom 2%. Ako se svi proizvodi smeštaju u jedno skladište, odrediti verovatnoću da su od 10 slučajno izabranih proizvoda tačno 2 defektna.
 4. Data je funkcija generatriše momenata $G_X(t) = (1 - t)^{-2}$, $t < 1$, slučajne promenljive X . Naći $E(X)^k, k = 1, 2, \dots$
-

POPRAVNI KOLOKVIJUM IZ MATEMATIKE 2

1. Rukovodstvo razredne zajednice sastoji se od predsednika, njegovog zamenika i 5 članova. Na koliko se načina može formirati rukovodstvo od 7 izabranih učenika.
2. U prvoj kutiji su 4 bele i 3 crne kuglice, u drugoj su 3 bele i 4 crne kuglice. Iz prve kutije se bira jedna kuglica i prebacuje u drugu, zatim se iz druge bira kuglica. Naći verovatnoću da je izvučena crna, i ako je izvučena iz druge bela, kolika je verovatnoća da je iz prve prebačena crna?
3. Proveriti da li je zadato preslikavanje L linearni operator prostora R^3 na R^3 , ako je:
 $L(x, y, z) = (2x - 2y - z, -x + 3y + z, 2x - 4y - z)$, i ako jeste odrediti sopstvene vrednosti i sopstvene vektore datog operatora.
4. Odrediti vektor x za koji važi: $ax = 0$, $bx = 4$, $cx = 8$, ako je $a = (0,3,-2)$, $b = (2,1,0)$, $c = (0,1,2)$.

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

Drugi kolokvijum iz matematike 2

1. Koliko ima petocifrenih brojeva sa svim različitim ciframa, koji počinju brojem dva?
2. Naći verovatnoću da pri izvlačenju 3 karte iz špila od 52, izvučemo tačno jedan pik i sve različitog znaka.
3. Radarska stanica opaža leteći objekat sa verovatnoćom 0,2. Nezavisno jedna od druge 5 objekata traži 7 stanica. Kolika je verovatnoća da će bar jedan objekat iz grupe proći neopaženo.
4. Ako je $\lambda > 0$ i raspodela slučajne veličine X data sa:

$$X: \begin{pmatrix} 0 & 1 & \dots & n & \dots \\ e^{-\lambda} & \lambda e^{-\lambda} & \dots & \frac{\lambda^n}{n!} e^{-\lambda} & \dots \end{pmatrix}$$

Izračunati $E(X)$ i $P(X < 2)$.

-
1. Koliko ima šestocifrenih brojeva koji počinju četvorkom?
 2. Naći verovatnoću da pri izvlačenju 3 karte iz špila od 52, izvučemo sve različitog znaka.
 3. Student može naći knjigu nezavisno u 3 biblioteke, u svakoj sa verovatnoćom 0,8, ukoliko je biblioteka poseduje, pri čemu je u svakoj knjiga na čitanju sa verovatnoćom 0,4. Kolika je verovatnoća da će knjigu dobiti na čitanje?
 4. Funkcija gustine slučajne promenljive X data je sa $(x) = \begin{cases} 2a + ax^2, & 0 \leq x \leq 4 \\ 0 & x < 0 \vee x > 4 \end{cases}$. Odrediti konstantu a , funkciju raspodele slučajne veličine X i verovatnoću da odstupanje slučajne promenljive X od njenog matematičkog očekivanja bude manje od $\frac{1}{4}$.

-
1. Na koliko načina mogu istovremeno da se smeste 5 osoba na 8 stolica?
 2. Iz skupa 1 do 1000 izabran je jedan broj. Naći verovatnoću da je izabran neparan broj ako je poznato da je izabran broj deljiv sa 5.
 3. Igrač gađa koš 3 puta i pogađa koš tablu svaki put sa verovatnoćama 0,3; 0,6 i 0,8. Od jednog pogotka koš će biti ubačen sa verovatnoćom 0,5; od dva sa 0,7; od tri sa 0,9. Naći verovatnoću da će koš biti ubačen.
 4. Funkcija gustine slučajne promenljive X data je sa $(x) = \begin{cases} ax^3, & 0 \leq x \leq 3 \\ 0 & x < 0 \vee x > 3 \end{cases}$. Odrediti konstantu a , funkciju raspodele slučajne veličine X i verovatnoću da odstupanje slučajne promenljive X od njenog matematičkog očekivanja bude manje od $\frac{1}{4}$.

-
1. Koliko ima četvorocifrenih brojeva koji počinju peticom?
 2. Naći verovatnoću da pri izvlačenju 3 karte iz špila od 52, izvučemo sve tri različitog znaka.
 3. Avion ispaljuje 5 nezavisnih plotuna na drugi avion. Verovatnoća pogotka svakog plotuna iznosi 0,6. Da bi avion bio uništen dovoljna su tri pogotka. Pri jednom pogotku avion će biti uništen sa verovatnoćom 0,8, pri dva pogotka avion će biti uništen sa verovatnoćom 0,9. Izračunati verovatnoću da je avion uništen.
 4. Slučajna veličina X ima funkciju raspodele:
 $F(x) = 2a + b \arctan \frac{x}{2}, \quad -\infty < x < +\infty$
Odrediti konstante a i b i funkciju gustine.

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

Prvi kolokvijum iz matematike 2 - 2015

I grupa

1. Ako je ugao između vektora p i q , $\frac{\pi}{3}$, $|p| = 1$, $|q| = 2$ i $a = 2p - q$, odrediti $|a|$.
2. Ispitati da li je prostor polinoma maksimalno trećeg stepena za koje je $p(0)=1$, jedan vektorski potprostor prostora polinoma maksimalno trećeg stepena.
3. Dato je preslikavanje $L: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathcal{P}_2(x)$, prostora uređenih parova u prostor polinoma maksimalno drugog stepena, za $a=(a_1, a_2)$

$$L(a) = a_1x + a_2x^2.$$

Ispitati da li je dato preslikavanje linearni operator i ukoliko jeste odrediti matricu tog operatora.

4. Ispitati da li je zadato preslikavanje $F: \mathbb{R}^2 \times \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$, $F(x, y) = 3x_1y_1 + 3x_2y_2 - 2x_1y_2$, bilinearna forma i ukoliko jeste odrediti matricu te forme.
-

Prvi kolokvijum iz matematike 2 - 2015

II grupa

1. Ako je vektor $b=(1,2,3)$, $c=(0,1,2)$, $d=(0,0,1)$ i $a-b \perp b-c$, $c \perp a-b$, $d \perp a$, odrediti vektor a .
2. Ispitati da li je prostor polinoma maksimalno trećeg stepena za koje je $p(1)=p(0)$, jedan vektorski potprostor prostora polinoma maksimalno trećeg stepena.
3. Dato je preslikavanje $L: \mathcal{P}_2(x) \rightarrow \mathbb{R}^2$, prostora polinoma maksimalno drugog stepena u prostor uređenih parova,

$$L(p) = (p(1), p(2)).$$

Ispitati da li je dato preslikavanje linearni operator i ukoliko jeste odrediti matricu tog operatora.

4. Ispitati da li je zadato preslikavanje $F: \mathbb{R}^2 \times \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$, $F(x, y) = 2x_1y_1 + 5x_2y_2 + 4x_1y_2$, bilinearna forma i ukoliko jeste odrediti matricu te forme.

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

Ispit iz matematike 2 – septembar 2016

1. Ako je vektor $a=(\alpha, 2, -3)$, $ac=20$, $ab=8$, $bc=2$, $a+b$ ortogonalan na $a-c$, a kolinearan sa c , odrediti vektor c .
2. Dato je preslikavanje $L:R^3 \rightarrow P_3(x)$, prostora uređenih parova u prostor polinoma maksimalno trećeg stepena:

$$L(a, b, c) = ax + bx^2 + cx^3$$

Ispitati da li je dato preslikavanje linearni operator i ukoliko jeste odrediti matricu tog operatora.

3. Iz tri kutije sa po 10 loptica ima neispravnih redom: u prvoj 4, u drugoj 2, a u trećoj 5. Slučajno biramo jednu kutiju I iz nje izvlačimo 3 loptice. Da li je veća verovatnoća da je izabrano 2 neispravne ili 3 neispravne?
 4. Funkcija gustine slučajne promenljive X data je sa $f(x) = \begin{cases} 4x + cx^2, & 0 < x < 2 \\ 0 & x \leq 0 \vee x \geq 2 \end{cases}$. Odrediti konstantu c , funkciju raspodele slučajne veličine X i $P(X > 1)$.
-

Ispit iz matematike 2 – oktobar 2016

Našao sam tekst samo za dva zadatka:

1. Izračunati dužinu vektora a i b i ugao između njih, ako je vektor $a+3b$ normalan na $7a-5b$ i vektor $a-4b$ normalan na $7a-2b$, ako se zna da je $|a + 3b| = \sqrt{13}$.
 2. Neka je dat vektor $V = \{ax^5 + bx^4 + cx^3 + dx^2 + ex + f\}$. Naći koordinate vektora V u bazi $\{x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x + 1; x^3 + x^2 + x + 1; x^4 + x^3 + x^2 + x + 1; x + 1; x^2 + x + 1; 1\}$
-

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

1. Kolokvijum 2016 - grupa 1

1. Ako je $U = \{p \in P_2(x) | p''(x) = 2\}$. Proveriti da li je U potprostor od $P_2(x)$.
 2. Neka je u prostoru $P_2(x)$ definisan je skalarni proizvod na sledeći način: $p \cdot q = \int_{-1}^1 p(x)q(x)dx$. Proveriti da li je $\{1, x, x^2\}$ jedna ortonormirana baza i odrediti ugao $\angle(1, x^2)$.
 3. Dato je preslikavanje $L: P_2(x) \rightarrow P_2(x)$, prostora polinoma maksimalno drugog stepena u prostor polinoma maksimalno drugog stepena,
 $L(p(x)) = xp'(x) + p''(x)$.
Naći matricu tog preslikavanja u kanonskoj bazi i u bazi $\{1, x, 1 + x^2\}$
 4. Ipitati da li je zadato preslikavanje $F: R^2 \times R^2 \rightarrow R, F(x, y) = 5x_1y_2 - 2x_2y_1$, bilinearna forma i ukoliko jeste naći matricu te forme.
-

1. Kolokvijum 2016 - grupa 2

1. Ako je $U = \{p \in P_2(x) | p(1) = p(2) = 1\}$. Proveriti da li je U potprostor od $P_2(x)$.
2. Neka je u prostoru $P_2(x)$ definisan je skalarni proizvod na sledeći način: $p \cdot q = \int_0^1 p(x)q(x)dx$.
Naći vektor $r(x)$ koji je kolinearan sa vektorom $p(x) + q(x)$ i za koji važi $p(x)r(x) = \frac{7}{6}$, gde je $p(x) = x$ i $q(x) = x^2$.
3. Ako je dat linearni operator $L: R^2 \rightarrow R^2$, sa $L(x_1, x_2) = (2x_1, x_1 + x_2)$, odrediti matricu operatora u kanonskoj bazi i u bazi $\{(1,1), (-1,1)\}$.
4. Ispitati da li je zadato preslikavanje $F: R^2 \times R^2 \rightarrow R, F(x, y) = x_1y_2 - 2x_2y_1$, bilinearna forma i ukoliko jeste naći matricu te forme.

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

1. Kolokvijum 2016 - grupa 3

1. Ako je $U = \{A \in M_{2 \times 2}(R) | A^T = A\}$. Proveriti da li je U potprostor od $M_{2 \times 2}(R)$.
 2. Ako je $a_0 a_1 a_2 \neq 0$, proveriti linearnu nezavisnost vektora $\{a_0, a_0 + a_1 x, a_0 + a_1 x + a_2 x^2\}$.
 3. Ako je dat operator $L: P_2(x) \rightarrow P_3(x)$, koji preslikava prostor polinoma maksimalno drugog stepena u prostor polinoma maksimalno trećeg stepena sa $L(p(x)) = xp(x)$. Proveriti da li je linearni operator i maći matricu operatora u kanonskoj bazi.
 4. Ispitati da li je zadato preslikavanje
 $F: P_2(x) \times P_2(x) \rightarrow R, F(p, q) = p(0)q(0) + p'(1)q'(1) + p''(-1)q''(-1)$,
bilinearna forma i ukoliko jeste naći matricu te forme.
-

1. Kolokvijum 2016 - grupa 4

1. Ako je a proizvoljna konstanta i U skup uređenih trojki (x, a, y) , za $x, y \in R$, proveriti da li je U potprostor od R^3 .
 2. Ako je $ad - bc \neq 0$ i $a \neq 0$, proveriti linearnu nezavisnost vektora (a, b) i (c, d) .
 3. Ako se vektori $(1, 2)$ i $(1, -1)$ slikaju redom u vektore $(-2, 3)$ i $(5, 2)$, odrediti matricu preslikavanja u kanonskoj bazi i sliku vektora $(7, 5)$.
 4. Ispitati da li je zadato preslikavanje
 $F: P_2(x) \times P_2(x) \rightarrow R, F(ax^2 + bx + c, a'x^2 + b'x + c') = bb' - 4ac'$,
bilinearna forma i ukoliko jeste naći matricu te forme.
-

1. Kolokvijum 2016 - popravni

1. Dati su vektori $\vec{a} = (1, 1, 1)$, $\vec{b} = (2, 2, 1)$ i $\vec{c} = (1, 3, -6)$. Odrediti vektor \vec{d} ortogonalan na vektorima \vec{a} i \vec{b} , takav da je $\vec{c} \cdot \vec{d} = 16$.
2. Ispitati da li je skup simetričnih matrica 2×2 vektorski potprostor svih matrica dimenzije 2×2 nad poljem realnih brojeva.
3. Ako je $a = 1 - x - x^2 + x^3$, proveriti da li je $L(p) = -2p + p(-1)a$, linearni operator $L: P_2(x) \rightarrow P_3(x)$, i ukoliko jeste naći matricu operatora u kanonskoj bazi.
4. Odrediti sopstvene vrednosti i sopstvene vektore matrice:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}$$

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

2. Kolokvijum 2016 – grupa 1

1. Na koliko načina može da sedne 5 osoba na 8 stolica.
2. Iz skupa od 1 do 2000 izabran je jedan broj. Naći verovatnoću da je broj deljiv sa 5, ako je izabran neparan broj .
3. Na putu do posla Ana prolazi 2 semafora. Verovatnoća da se zaustavi na prvom je 0,5, na drugom 0,4, a bar na jednom 0,8. Izračunati verovatnoću događaja A- Ana je stala na oba semafora, B – Ana se zaustavila samo na prvom semaforu.

4. Funcija gustine slučajne promenljive X data je sa $f(x) = \begin{cases} \frac{a}{b} e^{-\frac{x}{b}}, & x \geq 0, b \neq 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$.

Odrediti konstantu a i verovatnoću $P\{2 < X < 3\}$.

2. kolokvijum 2016 – grupa 2

1. Koliko ima šestocifrenih brojeva koji počinju sa 2 ili 3?
2. Iz skupa od 0 do 2000 izabran je jedan broj. Naći verovatnoću da je izabran neparan broj, ako je broj deljiv sa 5.
3. Tri strelca nezavisno jedan od drugog gađaju jednu metu. Verovatnoća da prvi pogodi je 0,5, drugi 0,7 i treći 0,2. Izračunati verovatnoću da je meta pogođena bar jednom.

4. Funcija gustine slučajne promenljive X data je sa $f(x) = \begin{cases} c(4x - 2x^2), & 0 \leq x \leq 1 \\ 0, & x < 0 \vee x > 1 \end{cases}$.

Odrediti konstantu c i EX.

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

2. Kolokvijum 2016 – grupa 3

1. Koliko ima šestocifrenih brojeva koji počinju sa 5 i sa svim različitim ciframa?
2. Novčić se baca 5 puta. Naći verovatnoću da:
 - a) grb padne više puta od pisma
 - b) grb padne tačno 3 puta
 - c) grb padne više od 3 puta
3. Dva strelca gađaju metu po dva puta. Verovatnoća da pogode metu prvim pogotkom su redom 0,3 i 0,6. Ako promaše prvim pogotkom, verovatnoća da je pogađaju i drugim raste na 0,7 za oba, u suprotnom ostaje ista. Naći verovatnoću da je meta promašena.
4. Funcija gustine slučajne promenljive X data je sa $f(x) = \begin{cases} ax^2 e^{-kx}, & x \geq 0, k > 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$.
Odrediti konstantu a i EX.

2. Kolokvijum 2016 – grupa 4

1. Koliko ima šestocifrenih brojeva koji se završavaju sa brojem 6, ako se cifre ne ponavljaju?
2. Bacaju se dve kocke. Odrediti verovatnoće da će pasti: a) na obema broj 1, b) na obema isti broj, c) brojevi 5 i 6.
3. Prvi pogon proizvodi 4 puta više proizvoda od drugog. U prvom pogonu je prosečno 10% škarta, a u drugom 8%. Ako se svi proizvodi smeštaju u jedno skladište, odrediti verovatnoću da se od 10 proizvoda izaberu tačno 3 defektna.
4. Funcija gustine slučajne promenljive X data je sa $f(x) = \begin{cases} c(4x - 2x^2), & 0 \leq x \leq 1 \\ 0, & x < 0 \vee x > 1 \end{cases}$.
Odrediti konstantu c i verovatnoću da je odstupanje slučajne veličine X od njenog matematičkog očekivanja manje od 1/2.

Ispit iz matematike 2 – januar 2017

1. Ako je vektor $a = (2\lambda, 1, 1 - \lambda)$, $b = (-1, 3, 0)$, $c = (5, 1, 8)$
 - a) Naći vektor a ako on zaklapa isti ugao sa b i c , $\lambda \in R$,
 - b) Naći vektor a ako važi $\sqrt{2}\|a\| = \|b\|$.
 2. Ako je matrica $A = \begin{bmatrix} 9 & -5 & a \\ 13 & -6 & b \\ 13 & -7 & -4 \end{bmatrix}$. Odrediti a i b , tako da karakteristične vrednosti budu $\lambda_1 = 1$, $\lambda_2 = 2$ i naći karakteristične vrednosti.
 3. Špil od 32 karte, deli se na dva dela po 16. U prvom ima 3 pika, u drugom 5. Ako se na slučajan način bira jedan deo od 16, a onda se iz njega slučajnim putem biraju tri karte bez vraćanja, ako se 2 puta pojavi pik, koja je verovatnoća da se treći pojavi pik?
 4. Neka su X_n , $n = 1, 2, \dots$ nezavisne slučajne promenljive sa zakonom raspodele:
$$X_n = \begin{pmatrix} -n & 0 & n \\ \frac{3}{(n+1)^2} & 1 - \frac{5}{(n+1)^2} & \frac{2}{(n+1)^2} \end{pmatrix}.$$
Ispitati sve 4 vrste konvergencije niza X_n .
-

Ispit iz matematike 2 – januar 2017

1. Dati su vektori $a = (1, 2, 1)$, $b = (1, 0, 1)$, $c = (5, 1, 8)$ Odrediti vektore $x \in R^3$, koji zadovoljavaju uslove: $ax = 8$, $x \perp b$, $|x| = \sqrt{34}$ i ugao između vektora.
 2. Izračunati A^3 i A^{-1} primenom Kejli-Hamiltonove teoreme, ako je $\Delta = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -3 \\ -1 & 0 & 2 \\ 3 & 5 & 0 \end{bmatrix}$.
 3. U džepu se nalazi 5 novčića. Dva su po dinar, dva po 2 dinara i jedan od 5 dinara. Na slučajan način se izvlače 2 odjednom. Neka je X slučajna promenljiva koja predstavlja ukupnu vrednost izvučenog novca.
 - a) Odrediti raspodelu slučajne promenljive X i skicirati grafik njene funkcije raspodele
 - b) Izračunati verovatnoću događaja $\{X > 2\}$ i $\{5 < X^2 < 9\}$
 4. Neka su X_n , $n = 1, 2, \dots$ nezavisne slučajne promenljive sa zakonom raspodele:
$$X_n = \begin{pmatrix} -n & 0 & n \\ \frac{3}{(n+1)^2} & 1 - \frac{5}{(n+1)^2} & \frac{2}{(n+1)^2} \end{pmatrix}.$$
Ispitati sve 4 vrste konvergencije niza X_n .
-

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

Ispit iz matematike 2 – februar 2017

1. Ako je $U = \{A \in M_{2 \times 2}(R) | A^T = -A\}$. Proveriti da li je U potprostor od $M_{2 \times 2}(R)$.
2. Dato je preslikavanje $L: P_2(x) \rightarrow P_3(x)$, prostora polinoma maksimalno drugog stepena u prostor polinoma maksimalno trećeg stepena,

$$L(p) = p(x) + xp(x) + x^2 p'(x)$$

Ispitati da li je dato preslikavanje linearni operator i ukoliko jeste odrediti matricu tog operatora.

3. U kutiji se nalaze 4 cedulje numerisane brojevima 1,2,3,4. Izvlače se bez vraćanja do pojave cedulje sa neparnim brojem. Slučajna promenljiva X je broj izvlačenja cedulje.
 - a) Odrediti raspodelu slučajne promenljive X i skicirati grafik funkcije raspodele
 - b) Izračunati verovatnoću događaja $\{2 < X < 4\}$ i varijansu $V(X)$.
4. Neka su $X_n, n = 1, 2, \dots$ nezavisne slučajne promenljive sa zakonom raspodele:

$$X_n = \begin{pmatrix} 0 & n \\ 1 - \frac{6}{\pi^2 n^2} & \frac{6}{\pi^2 n^2} \end{pmatrix}.$$

Ispitati sve 4 vrste konvergencije niza X_n .

Ispit iz matematike 2 – februar 2017

1. Ako je $U = \{p \in P_2(x) | p'(-1) = 0\}$. Proveriti da li je U potprostor od $P_2(x)$.
2. Dato je preslikavanje $L: P_2(x) \rightarrow P_3(x)$, prostora polinoma maksimalno drugog stepena u prostor polinoma maksimalno trećeg stepena,

$$L(p) = p(x) + xp(x) + x^2 p'(x)$$

Ispitati da li je dato preslikavanje linearni operator i ukoliko jeste odrediti matricu tog operatora.

3. U kutiji se nalaze 4 cedulje numerisane brojevima 1,2,3,4. Izvlače se bez vraćanja do pojave cedulje sa neparnim brojem. Slučajna promenljiva X je zbir izvučenih cedulja.
 - a) Odrediti raspodelu slučajne promenljive X
 - b) Izračunati verovatnoću događaja $\{1,5 < X < 8\}$ i varijansu $V(X)$.
4. Neka su $X_n, n = 1, 2, \dots$ nezavisne slučajne promenljive sa zakonom raspodele:

$$X_n = \begin{pmatrix} 0 & n \\ 1 - \frac{6}{\pi^2 n^2} & \frac{6}{\pi^2 n^2} \end{pmatrix}.$$

Ispitati sve 4 vrste konvergencije niza X_n .

Ispit iz matematike 2 –april 2017

1. Ispitati da li je preslikavanje bilinearna forma:

$$f((x_1, x_2), (y_1, y_2)) = 3x_1y_1 - 2x_1y_2 + 5x_2y_2 \text{ i naći matricu forme:}$$

a) u bazi $\{(1,0), (0,1)\}$

b) u bazi $\{(2,3), (1,1)\}$

2. Odrediti sopstvene vrednosti i vektore matrice: $A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 \\ 8 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$

3. U kutiji su 3 novčića, od kojih su 2 ispravna, a 1 neispravan (pismo sa obe strane). Iz kutije izvlačimo 1 novčić i bacamo ga 4 puta. Kolika je verovatnoća da je izabran ispravan novčić, ako smo u sva 4 bacanja dobili pisma.

4. a) U skladištu je $\frac{2}{3}$ proizvoda prve vrste i $\frac{1}{3}$ druge vrste. Opisati slučajnu promenljivu X-broj proizvoda prve vrste među 3 slučajno izabrana proizvoda. Izračunati EX i VX.

b) $X \sim U(0,1)$

$$\varphi(x) = \begin{cases} 0 & x \leq \frac{1}{3} \\ X - \frac{1}{3}, & \frac{1}{3} < x \leq \frac{2}{3} \\ 1, & x > \frac{2}{3} \end{cases}$$

Odrediti $E(\varphi(x))$.

Ispit iz matematike 2 –jun 2017

1. Odrediti vrednost parametra a tako da vektori $(1, a, -1), (2, 1, 3), (-a, 0, 0)$ čine bazu prostora R^3 , a zatim odrediti koordinate vektora $(7, 3, 5)$ u toj bazi za $a = 1$.
2. Data je ortonormirana baza e_1, e_2, e_3 i preslikavanje $L(x) = a(ax)$, gde je $a = -e_1 + 2e_3$. Naći matricu tog preslikavanja, sopstvene vrednosti i sopstvene vektore te matrice.
3. Prodavnica je dobila televizore od tri proizvođača u odnosu 1:4:5. U praksi se pokazalo da 98%, 88%, 92% isporučenih televizora od prvog, drugog i trećeg proizvođača ne treba popravljati u garantnom roku.
- a) Naći verovatnoću da slučajno izabrani televizor ne treba popravljati u garantnom roku.
- b) Ako slučajno izabrani televizor treba popravljati u garantnom roku, naći verovatnoću da je isporučen od prvog proizvođača.
4. Koristeći funkciju generatrise verovatnoća, naći $E(X)$ i $V(X)$ za slučajnu promenljivu X koja ima geometrijsku raspodelu (za koju je $P\{X = k\} = pq^k, k = 0, 1, 2, \dots; 0 < p < 1, q = 1 - p.$)

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

Ispit iz matematike 2 –jul 2017

1. Odrediti sopstvene vrednosti i sopstvene vektore linearnog operatora:

$$L(x, y, z) = (2x + y, y - z, 2y + 4z).$$

2. Vektori e_1, e_2 i e_3 su nezavisni. Proveriti linearnu nezavisnost vektora:

$$a = 5e_1 + e_2 + 9e_3$$

$$b = e_1 + e_2 + e_3$$

$$c = e_1 - e_2 + 3e_3$$

3. Avion ispaljuje četiri nezavisna plotuna na drugi avion. Verovatnoća pogotka pri svakom plotunu iznosi 0,3. Da bi avion bio uništen dovoljna su dva pogotka, pri jednom pogotku avion će biti uništen s verovatnoćom 0,6. Naći verovatnoću da će avion biti uništen.
4. Slučajna veličina X ima funkciju raspodele:

$$F(x) = a + b \arctan \frac{x}{2}, \quad -\infty < x < +\infty$$

Odrediti konstante a i b , funkciju gustine i verovatnoću $P\{2 < X < 2\sqrt{3}\}$.

Popravni kolokvijum –avgust 2017

1. Dato je preslikavanje $L: P_2(x) \rightarrow R^2$, prostora polinoma maksimalno drugog stepena u prostor uređenih parova,

$$L(p) = (p(1), p(2)).$$

Ispitati da li je dato preslikavanje linearni operator i ukoliko jeste odrediti matricu tog operatora.

2. Ispitati da li je zadato preslikavanje $F: R^2 \times R^2 \rightarrow R, F(x, y) = 3x_1y_1 + 3x_2y_2 - 2x_1y_2$, bilinearna forma i ukoliko jeste odrediti matricu te forme.
3. Student zna odgovor na 30 od 45 pitanja. Profesor mu postavlja 3 pitanja. Naći verovatnoću da student zna odgovor na sva tri pitanja.
4. Funkcija gustine slučajne promenljive X data je sa:

$$f(x) = ae^{-\frac{x-c}{\lambda}}, \quad x \geq c.$$

Odrediti konstantu a , funkciju raspodele i verovatnoću $P\{3c < X < 4c\}$.

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

Ispit iz matematike 2 –septembar 2017

1. Pokazati da je dato preslikavanje linearni operator i naći matricu tog operatora u kanonskoj bazi odgovarajućeg prostora, $L: R_3(x) \rightarrow R_3(x)$, gde je $R_3(x)$ prostor polinoma najviše trećeg stepena:

$$L(p) = p'.$$

2. Odrediti vrednost parametra a tako da vektori $(2,3,1)$, $(0,1,a)$ i $(a,7,6)$ čine bazu prostora R^3 , zatim odrediti koordinate vektora $(4,0,-4)$ u toj bazi, za $a = 0$.
3. Tri strelca nezavisno jedan od drugog gađaju u cilj po jednom, pogađajući ga, redom, sa verovatnoćama $\frac{4}{5}, \frac{3}{4}$ i $\frac{2}{3}$. Ustanovljeno je da je cilj pogođen jedanput. Naći verovatnoću da je treći strelac promašio.
4. Neka su $X_i, i = 1, 2, \dots, k$ nezavisne slučajne promenljive sa binomnom raspodelom $X_i \sim B(n_i, p)$. Naći funkciju generatrise verovatnoće slučajne promenljive $= X_1 + X_2 + \dots + X_k$.

Ispit iz matematike 2 –oktobar 2017

1. Odrediti vrednost parametra a tako da vektori $(1, a, 3)$, $(-1,1,0)$ i $(a, 1,1)$ čine bazu prostora R^3 , zatim odrediti koordinate vektora $(6,3,7)$ u toj bazi, za $a = 2$.
2. Data je ortonormirana baza e_1, e_2, e_3 i preslikavanje $L(x) = (xa)a$, gde je $a = e_1 + 2e_2$. Naći matricu tog preslikavanja, sopstvene vrednosti i sopstvene vektore te matrice.
3. Na ispit je izašlo a -odličnih, b -prosečnih i c -slabih studenata. Odličan student može dobiti samo odličnu ocenu, prosečan sa jednakim verovatnoćama dobija odličnu ili dobru ocenu, a slab sa jednakim verovatnoćama dobija dobru, zadovoljavajuću ili slabu ocenu. Naći verovatnoću da će student izabran na slučajan način dobiti dobru ili slabu ocenu.
4. Neka je:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2} e^{-\frac{x}{2}}, & x > 0 \\ 0, & x \leq 0 \end{cases}$$

Koristeći funkcije generatrise momenata naći $E(X)$ i $V(X)$ za slučajnu promenljivu X .

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

1. Kolokvijum 2017 – grupa 1

- Vektor $\vec{v} = 2e_1 + 5e_2$ rastaviti u komponente u smeru vektora $\vec{a} = 3e_1 - 2e_2$ i $\vec{b} = -5e_1 + 4e_2$.
- Odrediti broj α tako da vektori:
 $\vec{a} = \alpha e_1 + 4e_2 + 2e_3, \vec{b} = 2e_1 - e_2 + 7e_3, \vec{c} = \alpha e_1 - 6e_2 + 3e_3$
 budu linearno zavisni, ako je $\{e_1, e_2, e_3\}$ ortonormirana baza.
- Ukoliko je dato preslikavanje $L: M_{3 \times 1}(R) \rightarrow M_{3 \times 1}(R)$, na sledeći način: $L\left(\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}\right) = \begin{bmatrix} x + y \\ y + z \\ 0 \end{bmatrix}$.
 Proveriti da li je linearni operator i ukoliko jeste naći matricu preslikavanja u bazi $\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$.
- Data je matrica operatora u kanonskoj bazi (e_1, e_2, e_3, e_4) : $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 2 & 4 \\ -1 & 1 & -2 & 0 \end{pmatrix}$. Naći matricu operatora u bazi $(e_1 + e_2 + e_3 + e_4, e_2 + e_3 + e_4, e_3 + e_4, e_4)$.

1. Kolokvijum 2017 – grupa 2

- Odrediti veličinu stranice AB i $\sphericalangle(ABC)$ u trouglu ABC, ako je $A(1,2,1,2), B(3,1,-1,0), C(1,1,0,1)$.
- Odrediti broj α tako da vektori:
 $\vec{a} = 2e_1 - 3e_2 + 4e_3, \vec{b} = \alpha e_1 + e_2 - e_3, \vec{c} = 3e_1 - e_2 + \alpha e_3$
 budu linearno zavisni, ako je $\{e_1, e_2, e_3\}$ ortonormirana baza.
- Ukoliko je zadat linearni operator $L: P_2(x) \rightarrow P_3(x)$ na sledeći način $L(1) = 4, L(x) = x^3, L(x^2) = x - 1$, naći matricu tog preslikavanja i odrediti:
 a) $L(1 + x + 2x^2)$
 b) Odrediti a, b, c tako da je $L(a + bx + cx^2) = 1 + 3x + 2x^3$
- Neka je matrica operatora u bazi (e_1, e_2, e_3, e_4) : $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 2 & 4 \\ -1 & 1 & -2 & 0 \end{pmatrix}$.
 Naći matricu operatora u bazi $(e_1 + e_2, e_2 + e_3, e_3 + e_4, e_4)$

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

1. Kolokvijum 2017 – grupa 3

1. Odrediti veličinu stranice BC i $\sphericalangle(BCA)$ u trouglu ABC, ako je $A(1,2,1,2), B(3,1,-1,0), C(1,1,0,1)$.
 2. Proveriti da li je u skupu $\{1+x, 1-x, x^2\}$ data jedna baza polinoma maksimalno drugog stepena i ukoliko jeste naći kordinate vektora kanonske baze u njoj.
 3. Ukoliko je dato preslikavanje $L: P_1(x) \rightarrow P_1(x)$ na sledeći način $L(ax+b) = (a+b)x$, proveriti da li je linearni operator i ukoliko jeste naći matricu tog operatora u bazi $\{1-x, 1+x\}$.
 4. Neka je matrica operatora u bazi (e_1, e_2, e_3, e_4) : $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 2 & 4 \\ -1 & 1 & -2 & 0 \end{pmatrix}$.
Naći matricu operatora u bazi $(e_1 + e_3, e_2 + e_4, e_3 - e_4, e_4)$
-

1. Kolokvijum 2017 – grupa 4

1. Ako je u prostoru polinoma maksimalno drugog stepena definisan standardni skalarni proizvod za $p(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2$ i $q(x) = b_0 + b_1x + b_2x^2$ na sledeći način:
 $pq = a_0b_0 + a_1b_1 + a_2b_2$, naći vektor $r(x)$ normalan na vektore $3 + 2x - x^2$ i $-1 - 2x - x^2$, čija je norma $\sqrt{27}$.
2. Proveriti da li je u skupu $\{1-x+x^2, 1+x, x^2\}$ data jedna baza polinoma maksimalno drugog stepena i ukoliko jeste naći kordinate vektora $\{1, 1+x, 1+x+x^2\}$ u njoj.
3. Ukoliko je dato preslikavanje $L: P_2(x) \rightarrow P_3(x)$ na sledeći način
 $L(p(x)) = p(-x) - xp(-x) + x^2p'(x)$
Ispitati da li je dato preslikavanje linearni operator i ukoliko jeste naći matricu tog operatora.
4. Neka je matrica operatora u bazi (e_1, e_2, e_3, e_4) : $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 2 & 4 \\ -1 & 1 & -2 & 0 \end{pmatrix}$.
Naći matricu operatora u bazi $(e_1 + e_2, e_2 - e_4, e_3 + e_4, e_4)$.

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

1. Kolokvijum 2017 – grupa 5

1. Odrediti normu vektora $\vec{v} = 3\vec{a} + 4\vec{b}$, ako je $\vec{a} = (1,0)$ i $\vec{b} = (0,3)$.
 2. Neka je $U = \{f: R \rightarrow R \mid 2f'(x) - 3f(x) = 0\}$. Proveriti da li je U potprostor prostora svih realnih funkcija $V = \{f: R \rightarrow R\}$.
 3. Ako je za svaku neprekidnu funkciju $f \in C_{[0,1]}$ definisano preslikavanje $L(f) = F$, gde je $F(x) = \int_0^x f(t)dt$, $0 \leq x \leq 1$, proveriti da li je L linearni operator na $C_{[0,1]}$ i odrediti $L(5^x)$ i $L(x^3)$.
 4. Data je matrica operatora u kanonskoj bazi (e_1, e_2, e_3, e_4) :
$$\begin{pmatrix} 2 & 0 & 1 & 3 \\ 1 & 2 & 0 & 1 \\ 0 & 3 & 2 & 1 \\ 1 & -1 & 2 & 0 \end{pmatrix}$$
. Naći matricu operatora u bazi (e_3, e_2, e_4, e_1) .
-

1. Kolokvijum 2017 – grupa 6

1. Odrediti normu vektora $\vec{v} = 3\vec{a} + 4\vec{b}$, ako je $\vec{a} = (1,1)$ i $\vec{b} = (3,4)$.
2. Proveriti da li $U = \left\{ \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} \mid x + y + z = 0 \right\}$ potprostor prostora svih matrica $M_{3 \times 1}(R)$.
3. Pokazati da je dato preslikavanje linearni operator i naći matricu tog operatora u kanonskoj bazi odgovarajućeg prostora:
$$L: M_{2 \times 2}(R) \rightarrow M_{2 \times 2}(R), \quad L(X) = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X.$$
4. Data je matrica operatora u kanonskoj bazi (e_1, e_2, e_3, e_4) :
$$\begin{pmatrix} 2 & 0 & 1 & 3 \\ 1 & 2 & 0 & 1 \\ 0 & 3 & 2 & 1 \\ 1 & -1 & 2 & 0 \end{pmatrix}$$
. Naći matricu operatora u bazi $(e_1 + e_3, e_2, e_3 + e_4, e_1 + e_2 + e_3 + e_4)$.

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

1. Kolokvijum 2017 – grupa 7

1. Ako je $u = 2e_1 + 3e_2$, a $v = -e_1 + 2e_2$, Odrediti $u \cdot v$ i naći ugao između vektora u i v .
2. Odrediti vrednost parametra a tako da lineal nad vektorima $(1,0,a)$, $(1,2,-3)$ i $(a,1,0)$ bude jednak prostoru R^3 .
3. Pokazati da je dato preslikavanje linearni operator i naći matricu tog operatora u kanonskoj bazi odgovarajućeg prostora:

$$L: P_2(x) \rightarrow P_3(x), \quad L(p(x)) = \int_0^x p(t)dt + p(1)x.$$

4. Data je matrica operatora u kanonskoj bazi (e_1, e_2, e_3, e_4) :
$$\begin{pmatrix} 2 & 0 & 1 & 3 \\ 1 & 2 & 0 & 1 \\ 0 & 3 & 2 & 1 \\ 1 & -1 & 2 & 0 \end{pmatrix}.$$

Naći matricu operatora u bazi $(e_1 - e_2, e_2 - e_3, e_3 - e_4, e_1 + e_2 + e_3 + e_4)$.

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

2. Kolokvijum 2017 – grupa 1

1. U kutiji je 5 novčića, od kojih su 4 ispravna, a 1 neispravan (pismo sa obe strane). Iz kutije izvlačimo 1 novčić i bacamo ga 3 puta.
 - a) Kolika je verovatnoća da smo u sva tri bacanja dobili pisma
 - b) Kolika je verovatnoća da je izabran ispravan novčić, ako smo u sva 3 bacanja dobili pisma.
 2. Koliko različitih reči dužine 1-5 možemo formirati od slova A,B,C,D i E, ako slova ne mogu da se ponavljaju, a svaka reč ima slovo A.
 3. Na putu do posla Ana prolazi 2 semafora. Verovatnoća da se zaustavi na prvom je 0,5, na drugom 0,4, a bar na jednom 0,8. Izračunati verovatnoću događaja A- Ana je stala na oba semafora, B – Ana se zaustavila samo na prvom semaforu, C – Ana se zaustavila tačno na 1 semaforu.
 - 4.
-

2. Kolokvijum 2017 – grupa 2

1. U kutiji je 5 novčića, od kojih su 4 ispravna, a 1 neispravan (pismo sa obe strane). Iz kutije izvlačimo 1 novčić i bacamo ga 3 puta.
 - a) Kolika je verovatnoća da smo u sva tri bacanja dobili grb
 - b) Kolika je verovatnoća da je izabran ispravan novčić, ako smo u sva 3 bacanja dobili grb.
2. Koliko različitih reči dužine 1-5 možemo formirati od slova A,B,C,D i E, ako slova ne mogu da se ponavljaju, a svaka reč počinje slovom A.
3. Na školskom takmičenju u plivanju učestvuje 55 osoba. Njih 25 pliva delfin, 35 kraul, a i jedan i drugi 20. Naći verovanoću događaja A-pliva samo kraul , B-pliva tačno jednu disciplinu
4. Prosečno 70% studenata traži konsultacije za vreme rada u računarskom centru. Neka je u toku dana 100 studenata radilo u računskom centru. Koja je verovatnoća:
 - a) Da više od pola studenata traži pomoć
 - b) Da je pomoć tražilo manje od 72 studenta
 - c) Da je pomoć tražilo između 70 i 80 studenata.

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

2. Kolokvijum 2017 – grupa 3

1. Iz grupe od 9 muškaraca i 5 žena, treba odabrati 6 osoba među kojima je najmanje 3 žene. Na koliko se to načina može uraditi?
 2. U 3 magacina nalaze se bluže. U prvom ima 12 bluza od kojih su 3 neispravne. U drugom ima 8 bluza od kojih je 1 neispravna, a u trećem 10 bluza od kojih su 2 neispravne. Iz slučajno odabranog magacina se bira 1 bluza.
 - a) Naći verovatnoću da je slučajno izabrana bluza neispravna
 - b) Ako je ispravna naći verovatnoću da je iz trećeg magacina.
 3. Na školskom takmičenju u plivanju učestvuje 55 osoba. Njih 25 pliva delfin, 35 kraul, a i jedan i drugi 20. Naći verovanoću događaja C-slučajno izabrano dete pliva delfin ili kraul, D- slučajno izabrano dete ne pliva ni delfin ni kraul
 4. Prosečno je 4% škarta u proizvodnji. Neka slučajna promenljiva X predstavlja broj ispravnih proizvoda od 150 posmatranih. Koristeći Moavr-Laplasovu formulu izračunati da će:
 - a) više od 140 proizvoda biti ispravno
 - b) više od 5 proizvoda biti neispravno
-

2. Kolokvijum 2017 – grupa 4

1. Do vrha planine vodi 6 puteva. Na koliko načina može da se popne i spusti, ako:
 - a) Može da se vraća istim putem
 - b) Ne može da se vraća istim putem
2. Na školskom takmičenju u plivanju učestvuje 55 osoba. Njih 25 pliva delfin, 35 kraul, a i jedan i drugi 20. Naći verovanoću događaja E-pliva samo delfin , F-pliva tačno jednu disciplinu
3. U 3 magacina nalaze se bluže. U prvom ima 12 bluza od kojih su 3 neispravne. U drugom ima 8 bluza od kojih je 1 neispravna, a u trećem 10 bluza od kojih su 2 neispravne. Iz slučajno odabranog magacina se bira 1 bluza.
 - a) Naći verovatnoću da je slučajno izabrana bluza ispravna
 - b) Ako je neispravna naći verovatnoću da je iz prvog magacina
4. Novčić se baca 400 puta. Napisati zakon raspodele slučajne promenljive X -broj palih pisama. Pomoću odgovarajuće aproksimacije naći verovatnoću da je:
 - a) više puta palo pismo
 - b) najviše 185 puta palo pismo

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

2. Kolokvijum 2017 – grupa 5

1. Na šahovskom turniru učestvuje 14 šahista. Ako svako treba da odigra partiju sa svima, koliko će ukupno biti odigrano partija na turniru?
 2. Ispit iz matematike se sastoji iz 2 kolokvijuma. Verovatnoća da Ana položi bar 1 kolokvijum je 0,6, da položi oba je 0,3, a da položi prvi je 0,4. Izračunati verovatnoću događaja: A-da Ana položi drugi kolokvijum, B-da Ana položi samo drugi kolokvijum
 3. U prvoj kutiji su 7 belih i 4 crne kuglice, u drugoj su 6 belih i 5 crnih kuglica. Iz prve kutije se bira jedna kuglica i prebacuje u drugu, zatim se iz druge bira kuglica. Naći verovatnoću da je izvučena bela, i ako je izvučena iz druge crna, kolika je verovatnoća da je iz prve prebačena bela?
 4. Ako $X \sim B(25; 0,6)$, pomoću odgovarajuće aproksimacije naći verovatnoću:
 - a) $P(X \leq 15)$
 - b) $P(X \geq 20)$
 - c) $P(10 \leq X \leq 22)$
-

2. Kolokvijum 2017 – grupa 6

1. Hor se sastoji od 12 članova. Na koliko načina se može birati 5 članova za nastup, za svaki od 3 dana turneje hora , tako da:
 - a) Sastavi za nastup različitih dana mogu biti isti
 - b) Sastavi za nastup različitih dana ne mogu biti isti
2. Ispit iz matematike se sastoji iz 2 kolokvijuma. Verovatnoća da Ana položi bar 1 kolokvijum je 0,6, da položi oba je 0,3, a da položi prvi je 0,4. Izračunati verovatnoću događaja C-da Ana položi tačno 1 kolokvijum, D-da Ana ne položi ni jedan kolokvijum
3. U prvoj kutiji su 7 belih i 4 crne kuglice, u drugoj su 6 belih i 5 crnih kuglica. Iz prve kutije se bira jedna kuglica i prebacuje u drugu, zatim se iz druge bira kuglica. Naći verovatnoću da je izvučena crna, i ako je izvučena iz druge bela, kolika je verovatnoća da je iz prve prebačena crna?
4. Pretpostavimo da pH vrednost Zemlje ima normalnu raspodelu sa aritmetičkom sredinom 6 i standardnom devijacijom 0,1. Ako je uzet uzorak zemlje naći verovatnoću da uzeti uzorak ima pH vrednost:
 - a) između 5,9 i 6,15
 - b) veću od 6
 - c) najviše 5,95

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

2. Kolokvijum 2017 – grupa 7

1. Na koliko različitih načina se može izabrati 10 karata iz špila od 52, tako da među izvučenim budu:
 - a) tačno 3 šestice i 2 popa
 - b) tačno 3 šestice i bar 2 popa
 2. Ispit iz matematike se sastoji iz 2 kolokvijuma. Verovatnoća da Ana položi bar 1 kolokvijum je 0,6, da položi oba je 0,3, a da položi prvi je 0,4. Izračunati verovatnoću događaja E-da Ana položi drugi, F-da Ana položi samo drugi
 3. Od ukupne proizvodnje zanatske radionice 40% se proizvodi na prvoj mašini, 30% na drugoj, a 30% na trećoj. Od proizvoda sa prve je 2% škarta, na drugoj je 3% škarta, a na trećoj 5%. Slučajno se bira 1 proizvod. Naći verovatnoću:
 - a) da je izabrani proizvod ispravan
 - b) ako je škart, kolika je verovatnoća da je sa prve mašine?
 4. Pretpostavimo da pH vrednost Zemlje ima normalnu raspodelu sa aritmetičkom serdinom 6 i standardnom devijacijom 0,1. Ako je uzet uzorak zemlje naći verovatnoću da uzeti uzorak ima pH vrednost:
 - a) između 5,9 i 6,15
 - b) veću od 6
 - c) najviše 5,95
-

2. Kolokvijum 2017 – grupa 8

1. Na koliko različitih načina se može izabrati 6 karata iz špila od 52, tako da među izvučenim budu:
 - a) tačno 2 dame
 - b) bar 2 dame
 - c) najviše 2 dame
2. Ispit iz matematike se sastoji iz 2 kolokvijuma. Verovatnoća da Ana položi bar 1 kolokvijum je 0,6, da položi oba je 0,3, a da položi prvi je 0,4. Izračunati verovatnoću događaja H-da Ana položi tačno 1 kolokvijum, G-da Ana ne položi nijedan kolokvijum
3. Od ukupne proizvodnje zanatske radionice 40% se proizvodi na prvoj mašini, 30% na drugoj, a 30% na trećoj. Od proizvoda sa prve je 2% škarta, na drugoj je 3% škarta, a na trećoj 5%. Slučajno se bira 1 proizvod. Naći verovatnoću:
 - a) da je izabrani proizvod neispravan
 - b) ako je ispravan, kolika je verovatnoća da je sa druge mašine?
4. Ako $X \sim B(25; 0,6)$, pomoću odgovarajuće aproksimacije naći verovatnoću:
 - a) $P(X \leq 15)$
 - b) $P(X \geq 30)$
 - c) $P(10 \leq X \leq 22)$

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

januar 2018

1. Ako je u prostoru polinoma maksimalno drugog stepena definisan standardni skalarni proizvod za $p(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2$ i $q(x) = b_0 + b_1x + b_2x^2$ na sledeći način:
 $pq = a_0b_0 + a_1b_1 + a_2b_2$, naći vektor $r(x)$ normalan na vektore $2 - x - x^2$ i $1 + x - 2x^2$, čija je norma $4\sqrt{3}$.
 2. Ukoliko je dato preslikavanje $L: P_1(x) \rightarrow P_1(x)$ na sledeći način $L(ax + b) = a + (a - b)x$, proveriti da li je linearni operator i ukoliko jeste naći matricu tog operatora u bazi $\{2 - x, 2 + x\}$.
 3. U kutiji ima m belih i n crnih. Izgubljena je jedna kuglica. Radi utvrđivanja boje izgubljene kuglice izvlače se tri kuglice. Naći verovatnoću da je izgubljena bela, ako je izvučena 1 crna i dve bele?
 4. Data je slučajna promenljiva $X_n \sim U(n, n^2)$, $n = 1, 2, \dots$
 - a) Odrediti konvergenciju X_1, X_2, \dots u zakonu raspodele.
 - b) Odrediti konvergenciju $Y_n = \frac{X_n - n}{n^2}$
 - c) Odrediti konvergenciju $Z_n = X_n e^{-n}$.
-

februar 2018

1. Ukoliko je zadat linearni operator $L: P_2(x) \rightarrow P_3(x)$ na sledeći način $L(1) = 1 + x$, $L(x) = 4 + x^2 - x^3$, $L(x^2) = -1 + 3x - 2x^3$, naći matricu tog preslikavanja i odrediti:
 - a) $L(2 - x + x^2)$
 - b) Odrediti a, b, c tako da je $L(a + bx + cx^2) = 2 + 10x - x^2 - x^3$.
2. Proveriti da li je u skupu $\{1 + x^2, 1 - 2x + x^2, x^2\}$ data jedna baza vektorskog prostora polinoma maksimalno drugog stepena i ukoliko jeste naći kordinate vektora kanonske baze $\{1, x, x^2\}$ u njoj.
3. U kutiji koja sadrži n kuglica ubačena je jedna bela kuglica. Sve pretpostavke o prvobitnom sadržaju kutije (o broju belih kuglica u njoj) su jednako verovatne.
 - a) Kolika je verovatnoća da pri prvom izvlačenju bude izvučena bela kuglica?
 - b) Pretpostavimo da je $n = 2$. Ako je prvi put izvučena bela kuglica, koji je najverovatniji sastav kutije?
4. Neka je dat niz slučajnih promenljivih $X_n \sim U\left(0, \frac{1}{n}\right)$, $n = 1, 2, \dots$ i neka su slučajne promenljive Y_n sa raspedelom:

$$Y_n: \begin{pmatrix} 0 & \frac{1}{n} \\ 0,5 & 0,5 \end{pmatrix}, n = 1, 2, \dots$$

nezavisne od X_n . Ispitati sve četiri vrste konvergencije niza $Z_n = X_n + Y_n$.

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

april 2018

1. Ako je $U = \{A \in M_{2 \times 2}(R) | A^T = -A\}$. Proveriti da li je U potprostor od $M_{2 \times 2}(R)$.
2. Dato je preslikavanje $L: P_2(x) \rightarrow P_3(x)$, prostora polinoma maksimalno drugog stepena u prostor polinoma maksimalno trećeg stepena,

$$L(p) = p(x) + xp(x) + x^2 p'(x)$$

Ispitati da li je dato preslikavanje linearni operator i ukoliko jeste odrediti matricu tog operatora.

3. U kutiji se nalaze 4 cedulje numerisane brojevima 1,2,3,4. Izvlače se bez vraćanja do pojave cedulje sa neparnim brojem. Slučajna promenljiva X je broj izvlačenja cedulje.
 - a) Odrediti raspodelu slučajne promenljive X i skicirati grafik funkcije raspodele
 - b) Izračunati verovatnoću događaja $\{2 < X < 4\}$ i varijansu $V(X)$.
4. Neka su $X_n, n = 1, 2, \dots$ nezavisne slučajne promenljive sa zakonom raspodele:

$$X_n = \begin{pmatrix} 0 & n \\ 1 - \frac{6}{\pi^2 n^2} & \frac{6}{\pi^2 n^2} \end{pmatrix}.$$

Ispitati sve 4 vrste konvergencije niza X_n .

jun 2018

1. Dato je preslikavanje $L: P_2(x) \rightarrow R^2$, prostora polinoma maksimalno drugog stepena u prostor uređenih parova,

$$L(p) = (p(2), p(1)).$$

Ispitati da li je dato preslikavanje linearni operator i ukoliko jeste odrediti matricu tog operatora.

2. Ako je U skup svih polinoma maksimalno drugog stepena za koje važi $p(1) = p(-1)$, ispitati da li je on potprostor prostora polinoma maksimalno drugog stepena nad poljem realnih brojeva.
3. Ukoliko je zadata funkcija gustine:

$$f(x) = \begin{cases} ax, & 0 \leq x \leq 2 \\ 0, & \text{inače} \end{cases}$$

Izračunati konstantu a i verovatnoću da je odstupanje slučajne veličine X od njenog matematičkog očekivanja manje od $\frac{1}{2}$.

4. Koristeći funkciju generatrise momenata naći $E(X)$ i $V(X)$ za slučajnu promenljivu $X \sim B(n, p)$.
-

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

jul 2018

1. Odrediti matricu operatora i parametar m tako da 0 bude jedna sopstvena vrednost te matrice:

$$L(x, y, z) = (2x + y - 3z, 3y + mz, 4y - z)$$

2. Vektori e_1, e_2 i e_3 su nezavisni. Proveriti linearnu nezavisnost vektora:

$$a = 5e_1 + e_2 + 9e_3$$

$$b = e_1 + e_2 + e_3$$

$$c = e_1 - e_2 + 3e_3$$

3. Student zna odgovor na 20 od 25 pitanja. Profesor mu postavlja 3 pitanja. Naći verovatnoću da student zna odgovor na sva tri pitanja, ako :
 - a) su pitanja različita
 - b) pitanja mogu biti ista
 4. a) Naći funkciju generatriše verovatnoće za promenljivu koja ima Puasonovu raspodelu.
b) Ako su $X_1 \sim P(\lambda_1), \lambda_1 > 0$ i $X_2 \sim P(\lambda_2), \lambda_2 > 0$ nezavisne slučajne promenljive, tada njihov zbir ima Puasonovu raspodelu, tj. $X_1 + X_2 \sim P(\lambda_1 + \lambda_2)$. Dokazati.
-

septembar 2018

1. Dato je preslikavanje : $M_{2 \times 2} \rightarrow M_{2 \times 2}, H(A) = \frac{1}{2}(A + A^T)$. Pokazati da je to preslikavanje linearni operator, naći matricu, sopstvene vrednosti i sopstvene vektore tog operatora.
 2. Pokazati da vektori $(2,1,1), (-1,0,2), (1,1,1)$ čine bazu prostora R^3 , zatim odrediti koordinate vektora $(-2, -1, 3)$ u toj bazi.
 3. Prvi pogon proizvodi dva puta više proizvoda nego drugi, a drugi proizvodi isto kao treći. U prvom je prosečan škart 2%, u drugom 2%, a u trećem 4%. Ako se svi proizvodi smeštaju u jedno skladište, odrediti verovatnoću da je defektan proizvod iz prvog pogona..
 4. Koristeći funkciju generatriše momenata naći $E(X)$ i $V(X)$ za slučajnu promenljivu $X \sim B(n, p)$.
-

Ukoliko Vam za bilo koji zadatak treba pomoć, slobodno pozovite. Postoji mogućnost kompletnog kursa, kao i individualnih časova. Zadatke prikupio i otkucao: Časlav Pejdić – 064/123-09-10.

oktobar 2018

1. Ako je $U = \{p \in P_2(x) | p'(-1) = 0\}$. Proveriti da li je U potprostor od $P_2(x)$.
2. Dato je preslikavanje $L: P_2(x) \rightarrow P_3(x)$, prostora polinoma maksimalno drugog stepena u prostor polinoma maksimalno trećeg stepena,

$$L(p) = p(x) + xp(x) + x^2 p'(x)$$

Ispitati da li je dato preslikavanje linearni operator i ukoliko jeste odrediti matricu tog operatora.

3. U kutiji se nalaze 4 cedulje numerisane brojevima 1,2,3,4. Izvlače se bez vraćanja do pojave cedulje sa neparnim brojem. Slučajna promenljiva X je zbir izvučenih cedulja.
 - a) Odrediti raspodelu slučajne promenljive X
 - b) Izračunati verovatnoću događaja $\{1,5 < X < 8\}$ i varijansu $V(X)$.
4. Neka su $X_n, n = 1, 2, \dots$ nezavisne slučajne promenljive sa zakonom raspodele:

$$X_n = \begin{pmatrix} 0 & n \\ 1 - \frac{6}{\pi^2 n^2} & \frac{6}{\pi^2 n^2} \end{pmatrix}.$$

Ispitati sve 4 vrste konvergencije niza X_n .
